

# Les Codes Porteurs de Preuve

David Pichardie  
équipe-projet Lande

16 Décembre 2008

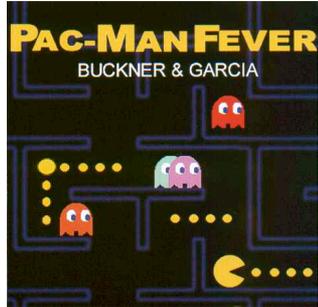
INSTITUT NATIONAL  
DE RECHERCHE  
EN INFORMATIQUE  
ET EN AUTOMATIQUE



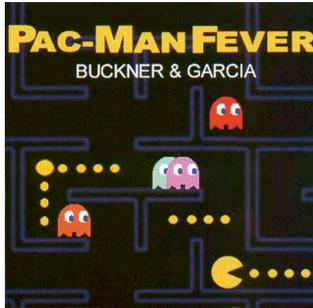
centre de recherche  
**RENNES - BRETAGNE ATLANTIQUE**

# Introduction aux codes porteurs de preuve

# Les dilemmes du code mobile



# Les dilemmes du code mobile



Code inconnu

Aucun risque ?  
----->



Système hôte

Le code inconnu pourrait nuire au système hôte

- corruption des structures internes

Le code inconnu pourrait utiliser beaucoup de ressources

- calcul, mémoire, SMS...

Le code inconnu pourrait révéler des données confidentielles

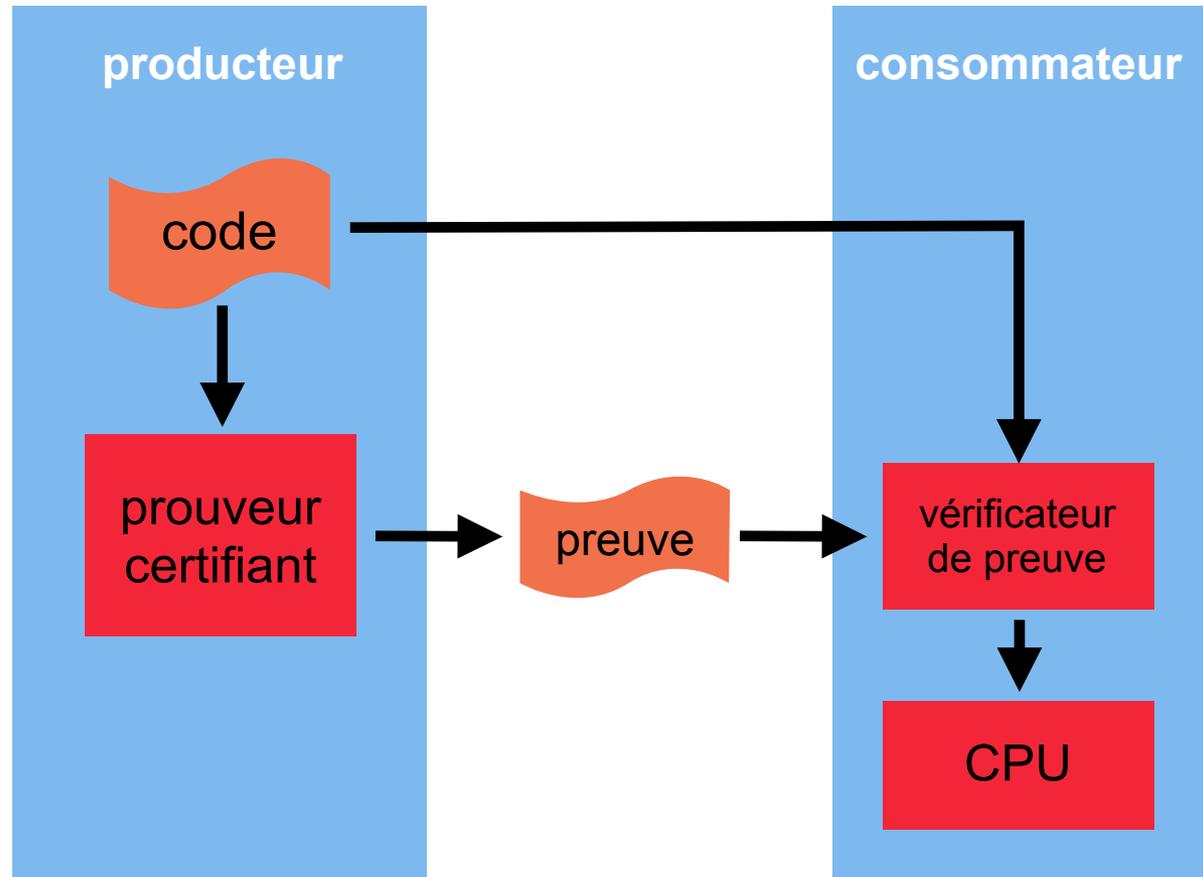
- listes des contacts, agenda, géo-localisation, caméra, micro...



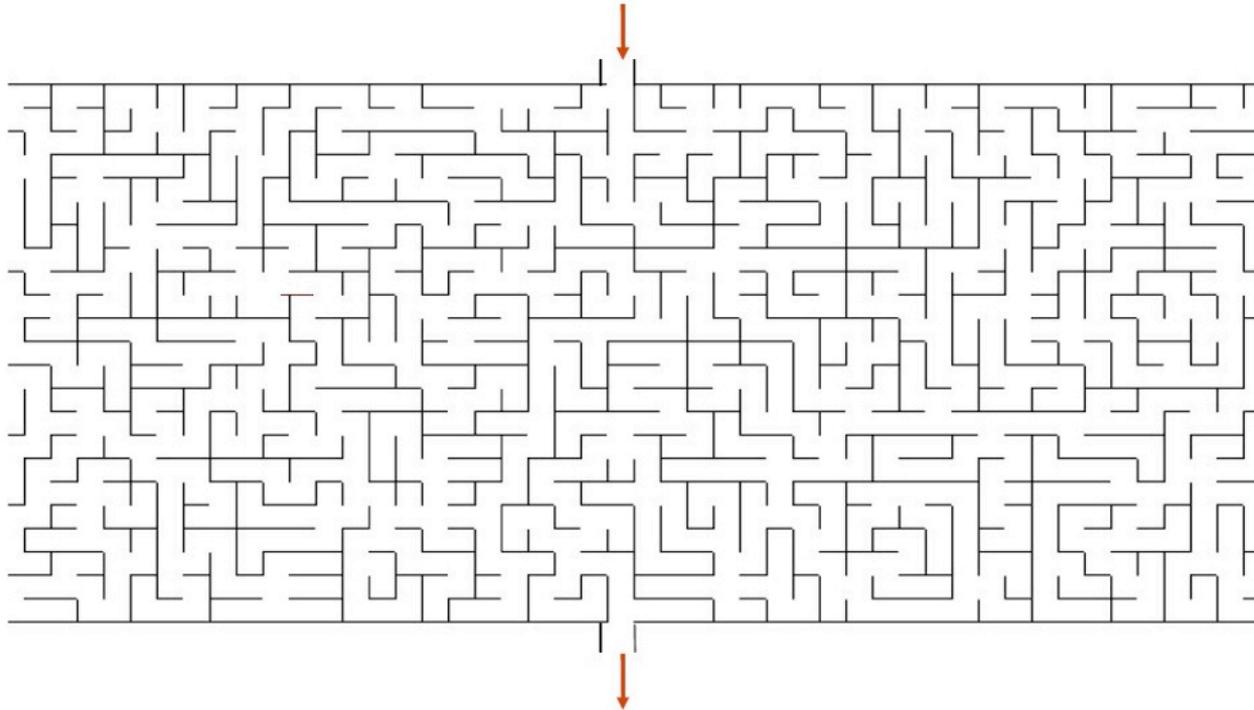
# Le code porteur de preuve

*Proof Carrying Code (PCC)*

- Le code est transmis avec un certificat (preuve) de sûreté.
- Le certificat se suffit à lui même et est non falsifiable.
- Vérifier le certificat est beaucoup plus facile que le créer.



# La métaphore du labyrinthe

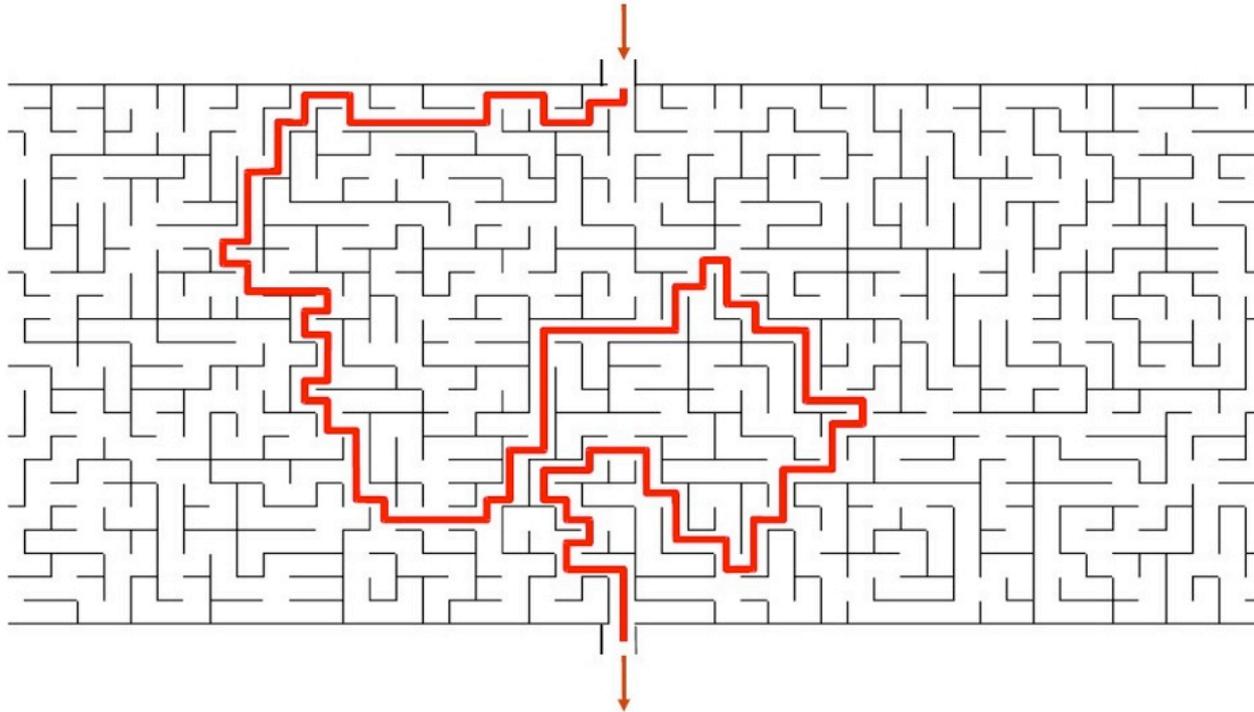


programme = labyrinthe

©G. Necula



# La métaphore du labyrinthe



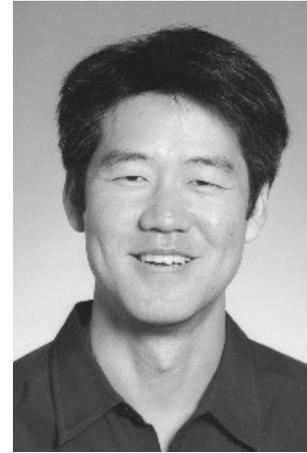
programme = labyrinthe

preuve = chemin rouge

©G. Necula



# Les pionniers du PCC



D'abord proposé par Georges Necula (Berkley) et Peter Lee (CMU).

- Necula & Lee, *Safe Kernel Extensions Without Run-Time Checking*, OSDI'96
- Necula, *Proof-Carrying Code*, POPL'97
- Necula & Lee, *The Design and Implementation of a Certifying Compiler*, PLDI'98
- Necula, *Compiling with Proofs*, Phd thesis, 1998



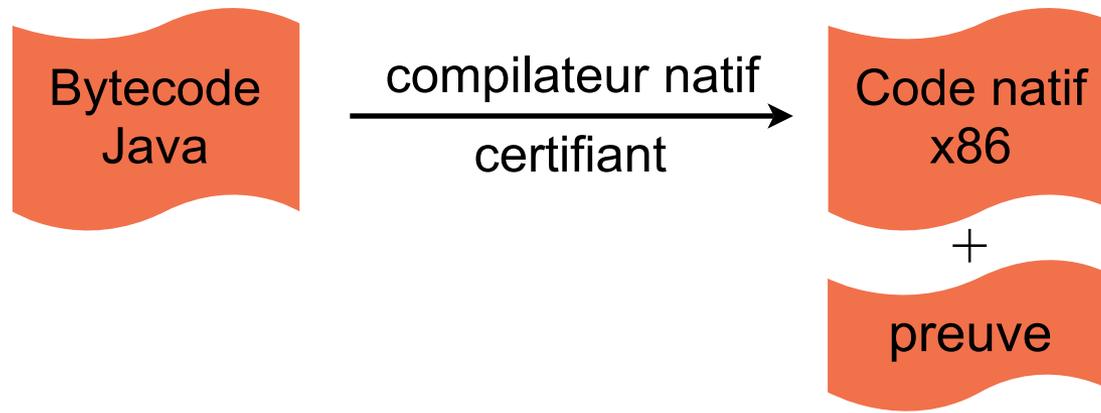
# Un exemple de succès du PCC : *SpecialJ*



C. Colby, P. Lee, G.C. Necula, F. Blau, M. Plesko and K. Cline, *A certifying compiler for Java*, PLDI'00.



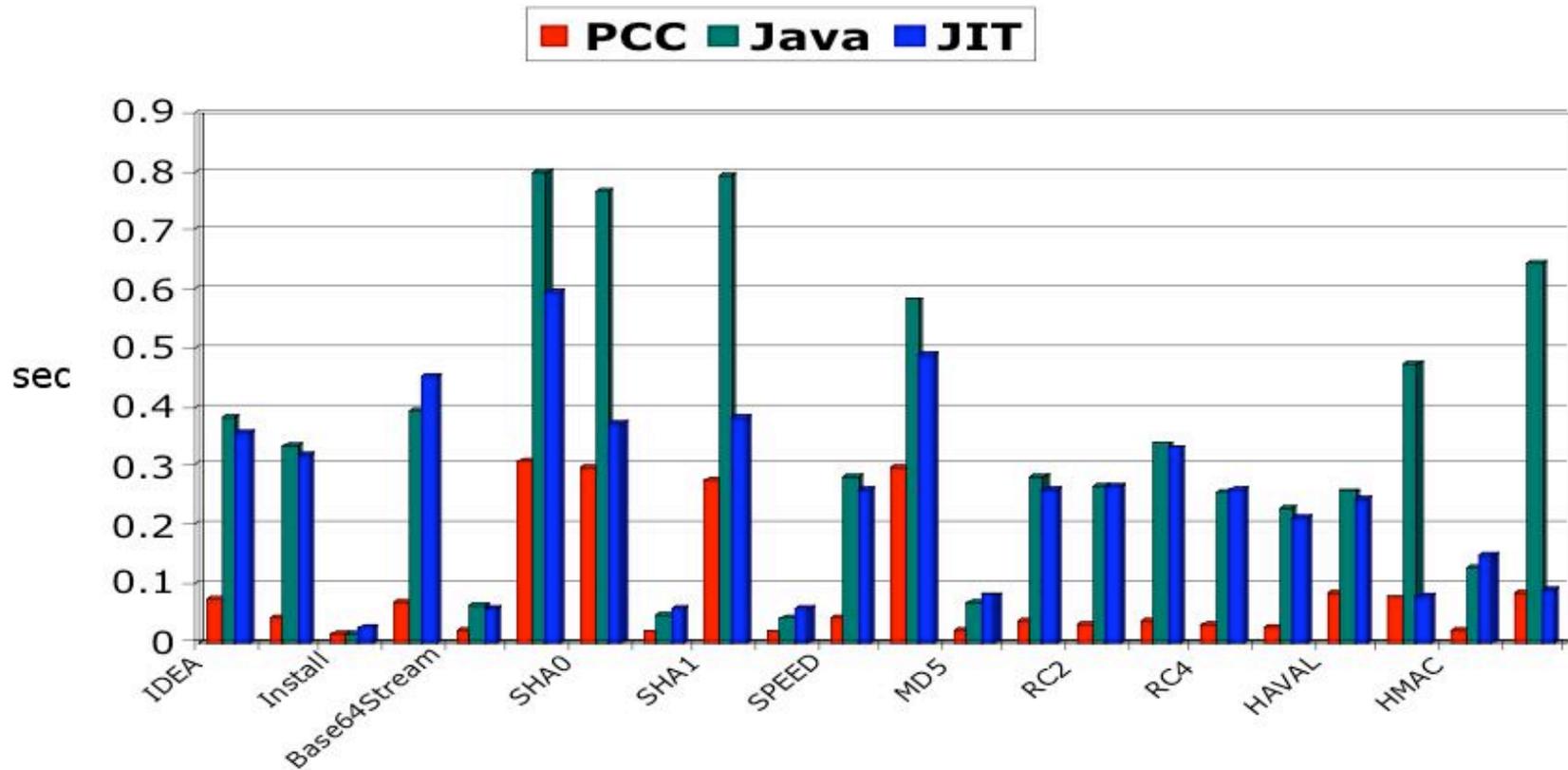
# Un exemple de succès du PCC : *SpecialJ*



C. Colby, P. Lee, G.C. Necula, F. Blau, M. Plesko and K. Cline, *A certifying compiler for Java*, PLDI'00.



# Un exemple de succès du PCC : *SpecialJ*



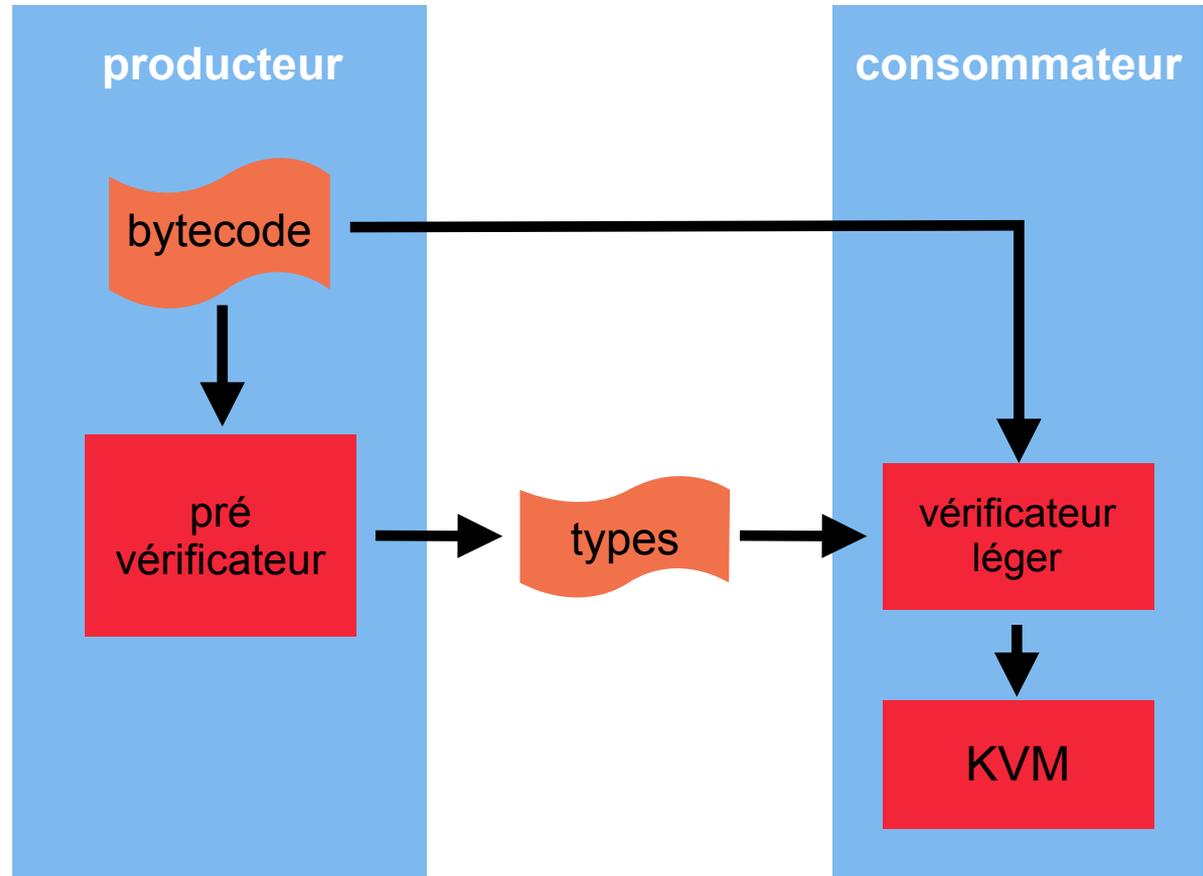
C. Colby, P. Lee, G.C. Necula, F. Blau, M. Plesko and K. Cline, *A certifying compiler for Java*, PLDI'00.



# Le PCC dans la vraie vie

Les machines virtuelles sur téléphone (KVM) suivent déjà cette approche

- La politique de sécurité est la sûreté mémoire standard de Java.
- Les certificats sont des annotations de type.
- La vérification de type est rapide, simple, et consomme peu de mémoire.
- Même approche pour Java SE 1.6.



# Conclusions intermédiaires sur le PCC standard

- ✱ Le PCC propose un mélangeant étonnant de logique mathématique, vérification de programmes et des problèmes de sécurité concrets.
- ✱ Le PCC a surtout été utilisé pour des politiques de sécurité de type *sûreté mémoire*.
- ✱ Le PCC doit encore démontrer sa capacité à assurer des politiques de sécurité plus complexes, tout en conciliant de nombreuses qualités :
  - ✱ des petits certificats,
  - ✱ un vérificateur efficace et léger,
  - ✱ un vérificateur correct,
  - ✱ des outils effectifs pour générer des certificats,
  - ✱ une véritable intégration dans l'informatique ubiquitaire de demain.



# PCC : recherches en cours

# Le projet européen MOBIUS

<http://mobius.inria.fr>

- \* PCC pour le code mobile Java,
- \* Des politiques de sécurité au-delà de la sûreté mémoire
  - \* Analyse des flux d'information: les sorties publiques ne doivent pas dépendre des données confidentielles.
  - \* Analyse des usage de ressource : mémoire, temps, actions payantes...
  - \* Propriétés fonctionnelles: les compilateurs transformateurs de preuve.
- \* PCC certifié
  - \* La correction du vérificateur PCC est prouvée en Coq.



# Le projet européen MOBIUS

<http://mobius.inria.fr>

- \* PCC pour le code mobile Java,
- \* Des politiques de sécurité au-delà de la sûreté mémoire
  - \* Analyse des flux d'information: les sorties publiques ne doivent pas dépendre des données confidentielles.
  - \* Analyse des usage de ressource : mémoire, temps, actions payantes...
  - \* Propriétés fonctionnelles: les compilateurs transformateurs de preuve.
- \* PCC certifié
  - \* La correction du vérificateur PCC est prouvée en Coq.



# Coq : un animal à deux visages

<http://coq.inria.fr>





# Coq : un animal à deux visages

<http://coq.inria.fr>

Premier visage :

- \* un assistant de preuve qui permet de construire, de manière interactive, une preuve formelle en logique constructive





# Coq : un animal à deux visages

<http://coq.inria.fr>

## Premier visage :

- \* un assistant de preuve qui permet de construire, de manière interactive, une preuve formelle en logique constructive

## Second visage :

- \* un langage de programmation fonctionnelle muni d'un système de type très expressif

exemple :

$$\text{sort} : \forall l : \text{list int}, \{ l' : \text{list int} \mid \text{Sorted}(l') \wedge \text{Permutation}(l, l') \}$$


# Coq : un animal à deux visages

<http://coq.inria.fr>



Premier visage :

- \* un assistant de preuve qui permet de construire, de manière interactive, une preuve formelle en logique constructive

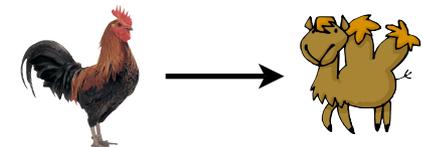
Second visage :

- \* un langage de programmation fonctionnelle muni d'un système de type très expressif

exemple :

$$\text{sort} : \forall l : \text{list int}, \{ l' : \text{list int} \mid \text{Sorted}(l') \wedge \text{Permutation}(l, l') \}$$

- \* et muni d'un mécanisme d'extraction vers Ocaml

$$\text{sort} : \text{list int} \rightarrow \text{list int}$$


# Coq : un animal à deux visages

<http://coq.inria.fr>



Premier visage :

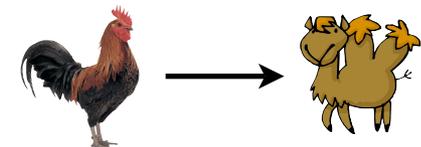
- \* un assistant de preuve qui permet de construire, de manière interactive, une preuve formelle en logique constructive

Second visage :

- \* un langage de programmation fonctionnelle muni d'un système de type très expressif
- exemple :

$$\text{sort} : \forall l : \text{list int}, \{ l' : \text{list int} \mid \text{Sorted}(l') \wedge \text{Permutation}(l, l') \}$$

- \* et muni d'un mécanisme d'extraction vers Ocaml

$$\text{sort} : \text{list int} \rightarrow \text{list int}$$


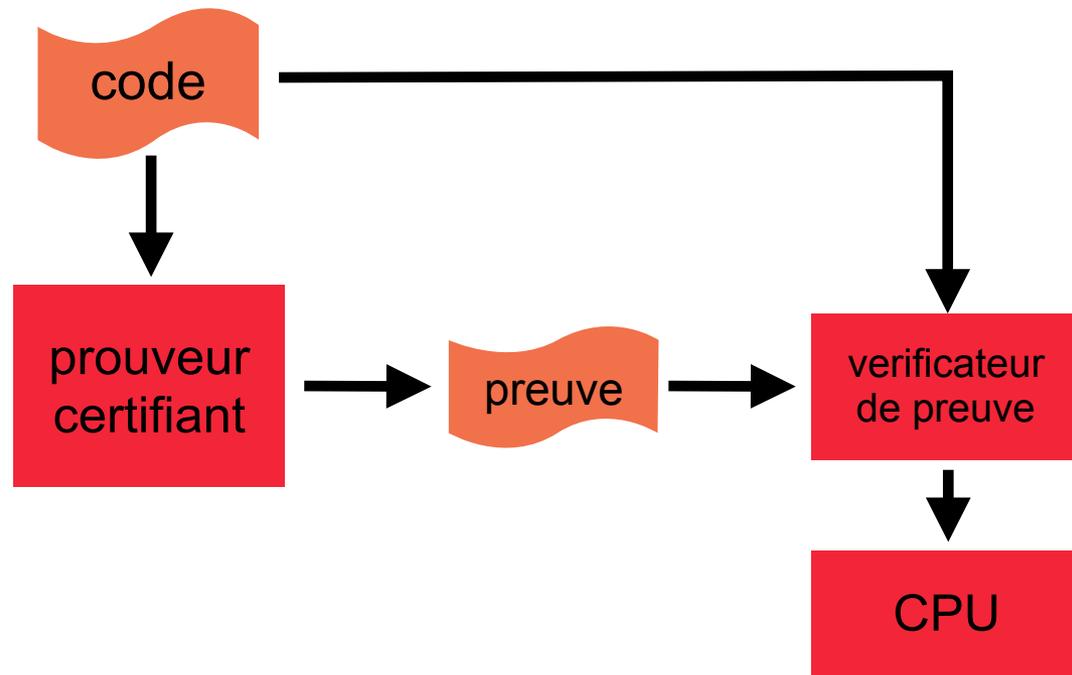
Ainsi, Coq permet à la fois de programmer, prouver correct et exécuter des programmes fonctionnels efficaces.



# La base de confiance

## *Trusted Computing Base (TCB)*

*La base de confiance d'un système est composée de l'ensemble minimal des éléments dont la fiabilité est suffisante pour assurer la fiabilité globale du système.*

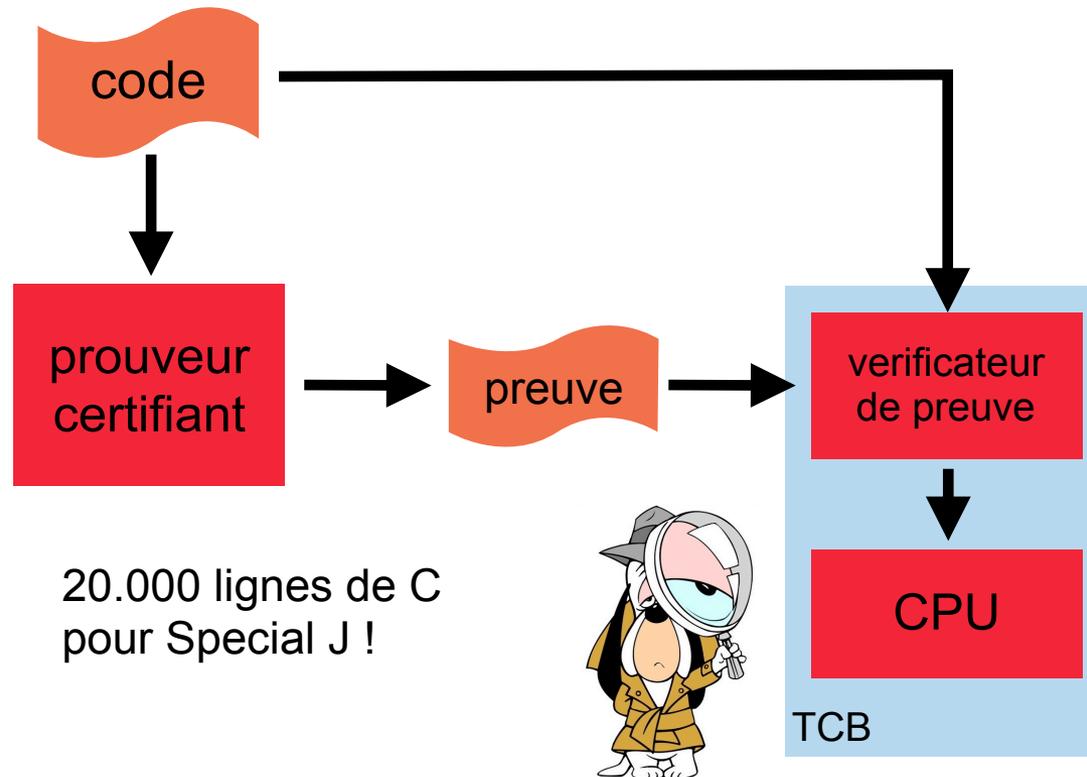


# La base de confiance

## *Trusted Computing Base (TCB)*

*La base de confiance d'un système est composée de l'ensemble minimal des éléments dont la fiabilité est suffisante pour assurer la fiabilité globale du système.*

- \* En PCC standard, la TCB comprend : le vérificateur de preuve + le système de calcul lui même.

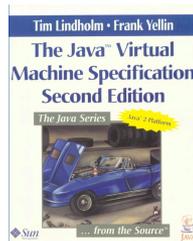
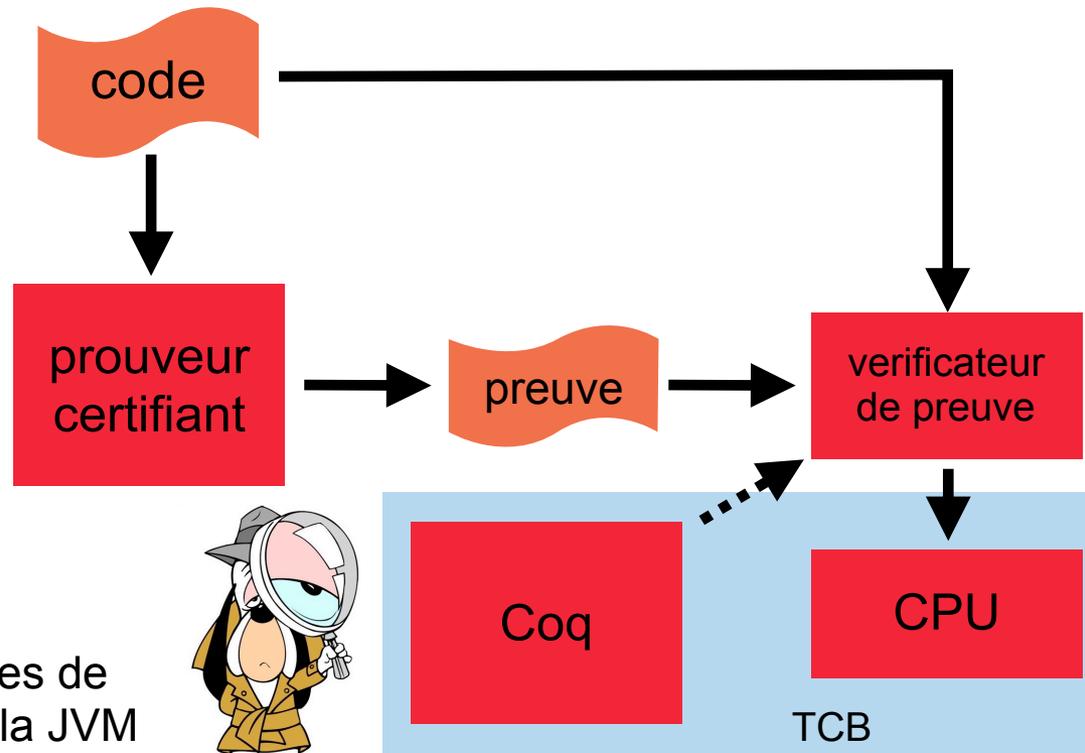


# La base de confiance

## Trusted Computing Base (TCB)

*La base de confiance d'un système est composée de l'ensemble minimal des éléments dont la fiabilité est suffisante pour assurer la fiabilité globale du système.*

- ✱ En PCC standard, la TCB comprend : le vérificateur de preuve + le système de calcul lui même.
- ✱ En PCC certifié, la TCB comprend : Coq + une spécification formelle de la correction du vérificateur + le système de calcul.



5.000 lignes de  
Coq pour la JVM



# PCC certifié



# PCC certifié



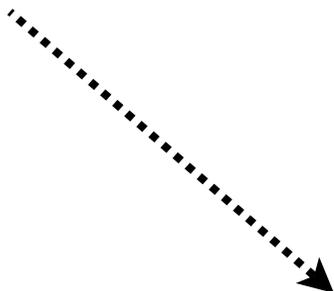
vérificateur  
de preuve



Contient une  
preuve de correction Coq  
du vérificateur à installer



# PCC certifié



vérificateur  
de preuve



# PCC certifié

La preuve est  
vérifiée puis  
extraite vers une  
implémentation  
Ocaml

vérificateur  
de preuve



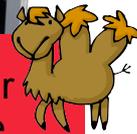
# PCC certifié

La preuve est  
vérifiée puis  
extraite vers une  
implémentation  
Ocaml

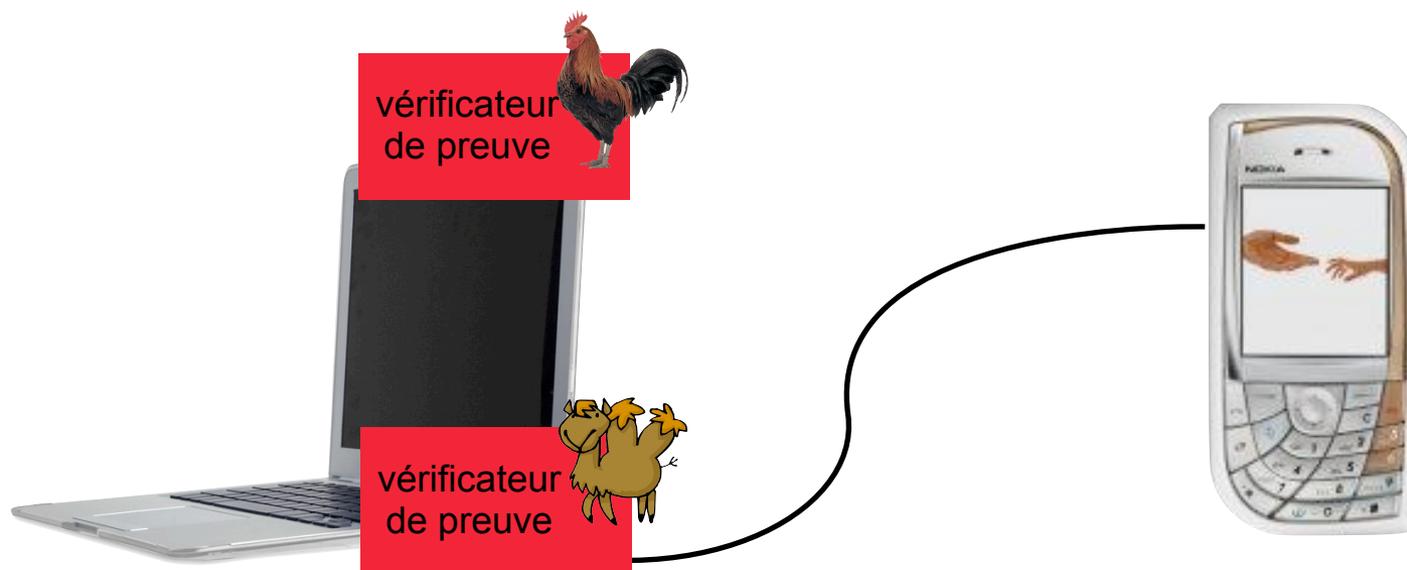
vérificateur  
de preuve



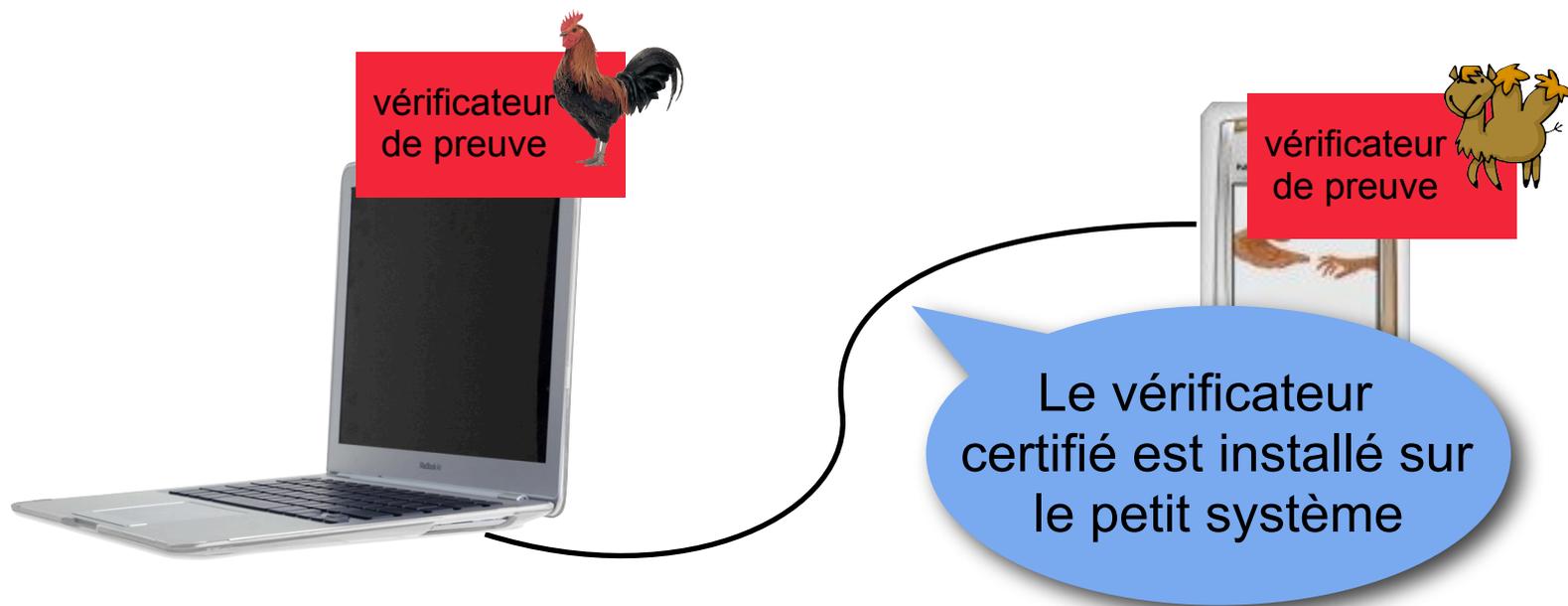
vérificateur  
de preuve



# PCC certifié



# PCC certifié



# PCC certifié

vérificateur  
de preuve



vérificateur  
de preuve



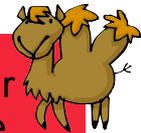
# PCC certifié



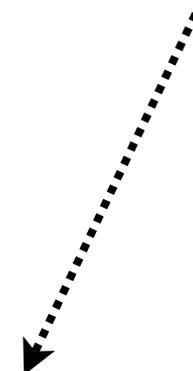
vérificateur  
de preuve



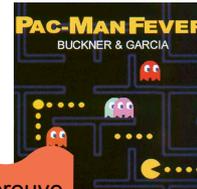
vérificateur  
de preuve



# PCC certifié

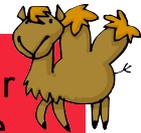


vérificateur  
de preuve



preuve

vérificateur  
de preuve

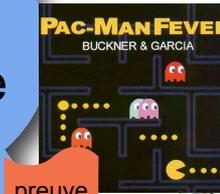


# PCC certifié



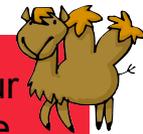
Le code mobile  
et sa preuve sont  
vérifiées avec le  
vérificateur extrait

vérifica  
de preu



preuve

vérificateur  
de preuve



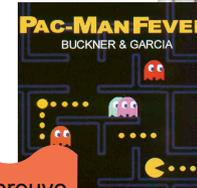
# PCC certifié



vérifica  
de preu

Le code mobile  
et sa preuve sont  
vérifiées avec le  
vérificateur extrait

vérificateur  
de preuve



preuve

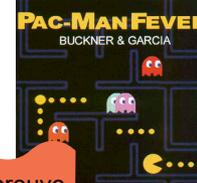
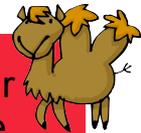
# PCC certifié



vérificateur  
de preuve



vérificateur  
de preuve



preuve

# PCC certifié

Un seul vérificateur pour plusieurs codes mobiles...

vérificateur de preuve

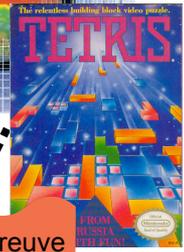


preuve

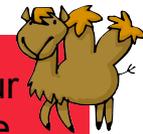
**SUPER MARIO BROS.**



preuve



vérificateur de preuve



**PAC-MAN FEVER**  
BUCKNER & GARCIA

preuve



# Motivations pour le PCC certifié

## Une analyse statique est un outil complexe

- ✱ le vérifieur standard du bytecode Java a nécessité plusieurs travaux de formalisation pointues
- ✱ les derniers travaux utilisaient des assistants de preuve (comme Coq)

## Un vérificateur d'analyse statique est plus simple

- ✱ mais sa preuve de correction reste une activité difficile, réservée aux experts
- ✱ avec une preuve Coq,
  - ✱ seul le théorème démontré a besoin "d'être compris"
  - ✱ on certifie directement l'implémentation

## Chaque nouvelle politique de sécurité demande

- ✱ un nouveau vérificateur
- ✱ une nouvelle preuve de correction
- ✱ une nouvelle expertise de la preuve de correction...etc



# Des politiques de sécurité au-delà de la sûreté mémoire

## ✱ Analyse des flux d'informations

G. Barthe, D. Pichardie and T. Rezk, A Certified Lightweight Non-Interference Java Bytecode Verifier, ESOP'07

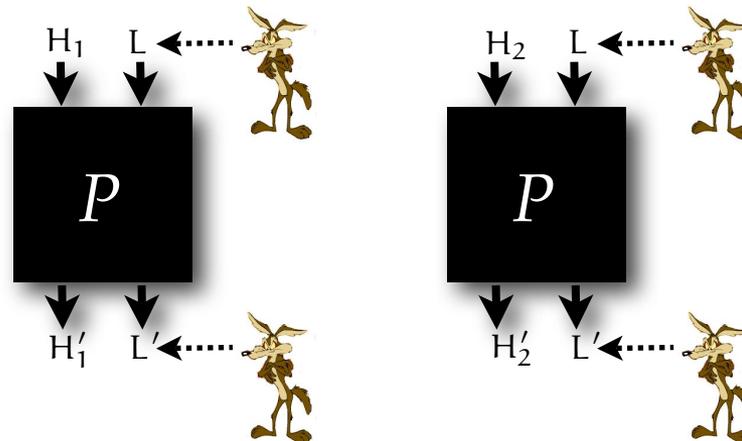


# Analyse des flux d'informations

Le programmeur marque les données avec des niveaux de confidentialité

*high* = confidentiel *low* = public

Un système de type assure qu'aucune sortie publique ne dépend d'une entrée confidentielle.



Le vérificateur de type est entièrement formalisé et prouvé correct en Coq, pour une JVM séquentielle avec classes, objets, tableaux, exceptions et appels virtuels.



# Exemple de flux d'information

Flux explicite :

```
public int{L} foo(int{L} l; int{H} h) {  
    return h;  
}
```

Flux implicite :

```
public int{L} foo(int{L} l1; int{L} l2; int{H} h) {  
    if (h==0) {return l1;} else {return l2;};  
}
```

L'analyse des flux implicites nécessite une bonne compréhension des branchements d'un programme

- ✳ Les exceptions natives Java sont des sources (nombreuses) de branchement qu'il faut réussir à analyser statiquement.



# Des politiques de sécurité au-delà de la sûreté mémoire

✱ Analyse des flux d'informations



# Des politiques de sécurité au-delà de la sûreté mémoire

## ✱ Analyse des flux d'informations

G. Barthe, D. Pichardie and T. Rezk, A Certified Lightweight Non-Interference Java Bytecode Verifier, ESOP'07



# Des politiques de sécurité au-delà de la sûreté mémoire

## ✱ Analyse des flux d'informations

G. Barthe, D. Pichardie and T. Rezk, A Certified Lightweight Non-Interference Java Bytecode Verifier, ESOP'07

## ✱ Analyse des pointeurs nules

L. Hubert, T. Jensen, and D. Pichardie. Semantic foundations and inference of non-null annotations. FMOODS'08.

L. Hubert. A Non-Null annotation inferencer for Java bytecode. PASTE'08.  
<http://nit.gforge.inria.fr>



# Des politiques de sécurité au-delà de la sûreté mémoire

## \* Analyse des flux d'informations

G. Barthe, D. Pichardie and T. Rezk, A Certified Lightweight Non-Interference Java Bytecode Verifier, ESOP'07

## \* Analyse des pointeurs nulles

L. Hubert, T. Jensen, and D. Pichardie. Semantic foundations and inference of non-null annotations. FMOODS'08.

L. Hubert. A Non-Null annotation inferencer for Java bytecode. PASTE'08.  
<http://nit.gforge.inria.fr>

## \* Analyse des accès tableaux/ressources



F. Besson, T. Jensen, D. Pichardie, T. Turpin

- \* Nous développons une analyse polyédrique pour le bytecode Java.
- \* Pour réduire la tailles des preuves, nous compressons les invariants.
- \* Nous développons un format de preuve dédié aux polyèdres permettant une vérification rapide et certifiée.

```
static int bsearch(int key, int[] vec) { //PRE:
    //
    int low = 0, high = vec.length - 1;
    //
    while (low < high) {
        //
        int mid = low + (high - low) / 2;
        //
        if (key == vec[mid]) return mid;
        else if (key < vec[mid]) high = mid - 1;
        else low = mid + 1;
        //
        //
    }
    return -1; } // POST:
```



```

static int bsearch(int key, int[] vec) { //PRE:  $0 \leq |vec_0|$ 
    //  $key_0 = key \wedge |vec_0| = |vec| \wedge 0 \leq |vec_0|$ 
    int low = 0, high = vec.length - 1;
    //  $key_0 = key \wedge |vec_0| = |vec| \wedge 0 \leq low \leq high + 1 \leq |vec_0|$ 
    while (low < high) {
        //  $key_0 = key \wedge |vec_0| = |vec| \wedge 0 \leq low < high < |vec_0|$ 
        int mid = low + (high - low) / 2;
        //  $key_0 = key \wedge |vec_0| = |vec| \wedge 0 \leq low$ 
        //  $low + high - 1 \leq 2 \cdot mid \leq low + high$ 
        if (key == vec[mid]) return mid;
        else if (key < vec[mid]) high = mid;
        else low = mid + 1;
        //  $key_0 = key \wedge |vec_0| = |vec| \wedge -2 + 3 \cdot low \leq 2 \cdot high + mid \wedge$ 
        //  $-1 + 2 \cdot low \leq high + 2 \cdot mid \wedge -1 + low \leq mid \leq 1 + high \wedge$ 
        //  $high \leq low + mid \wedge 1 + high \leq 2 \cdot low + mid \wedge 1 + low + mid \leq |vec_0| + high \wedge$ 
        //  $2 \leq |vec_0| \wedge 2 + high + mid \leq |vec_0| + low$ 
    }
    return -1; } // POST:  $-1 \leq res < |vec_0|$ 

```

L'analyse calcul  
des invariants linéaires  
entre les variables du  
programme

```

static int bsearch(int key, int[] vec) { //PRE: True
    //  $|vec_0| = |vec| \wedge 0 \leq |vec_0|$ 
    int low = 0, high = vec.length - 1;
    //  $|vec_0| = |vec| \wedge 0 \leq low \wedge high < |vec_0| \wedge 0 \leq |vec_0|$ 
    while (low < high) {
        //  $|vec_0| = |vec| \wedge 0 \leq low < high < |vec_0|$ 
        int mid = low + (high - low) / 2;
        //  $|vec| - |vec_0| = 0 \wedge low \geq 0 \wedge mid - low \geq 0 \wedge$ 
        //  $2 \cdot high - 2 \cdot mid - 1 \geq 0 \wedge |vec_0| - high - 1 \geq 0$ 
        if (key == vec[mid]) return mid;
        else if (key < vec[mid]) high = mid;
        else low = mid + 1;
        //  $|vec_0| = |vec| \wedge 0 \leq low \wedge$ 
        //  $1 + high \leq |vec_0| \wedge 2 \leq |vec_0|$ 
    }
    return -1; } // POST: res < |vec_0|

```

Les invariants sont compressés



# Le vérificateur polyédrique est rapide

| Program       | size | Caml checker | Coq checker |
|---------------|------|--------------|-------------|
| BSearch       | 80   | 1.4          | 11.6        |
| HeapSort      | 143  | 3.7          | 35.5        |
| QuickSort     | 276  | 128.7        | 974.0       |
| Random        | 883  | 8.0          | 44.3        |
| Jacobi        | 135  | 1.7          | 9.2         |
| LU            | 559  | 17.4         | 91.5        |
| SparseCompRow | 90   | 1.1          | 6.1         |
| FFT           | 591  | 22.7         | 193.8       |

Temps en ms, tailles en nombre d'instructions.

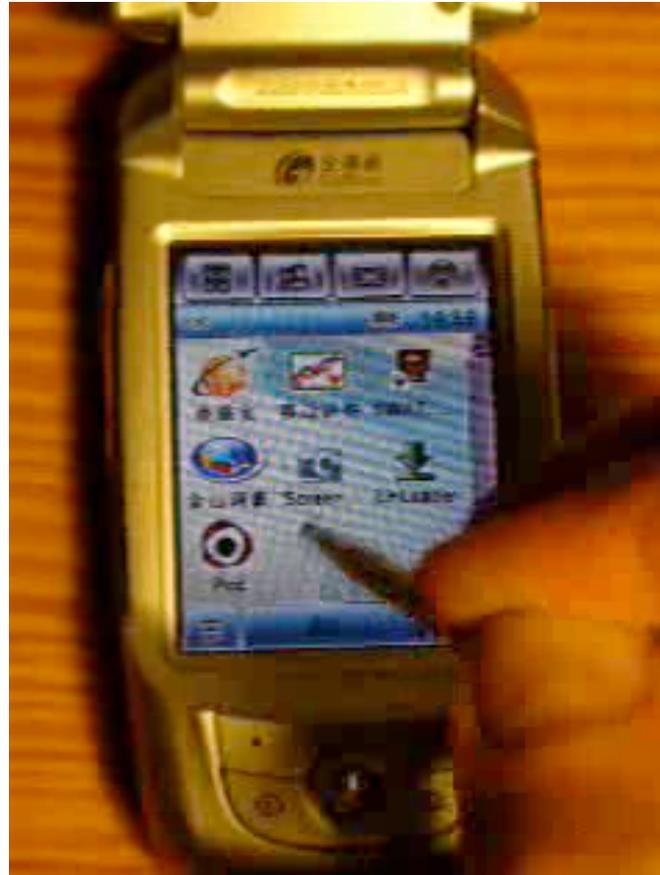


# Le vérificateur certifié tourne sur un téléphone !

G. Barthe, P. Crégut, B. Grégoire, T. Jensen, D. Pichardie. The MOBIUS Proof Carrying Code infrastructure. FMCO'07



# Le vérificateur certifié tourne sur un téléphone !



G. Barthe, P. Crégut, B. Grégoire, T. Jensen, D. Pichardie. The MOBIUS Proof Carrying Code infrastructure. FMCO'07



# Conclusions

# Conclusions

## Les analyses de flux d'informations et de ressource

- \* sont des outils particulièrement utiles pour le code mobile,
- \* mais elles nécessitent des techniques coûteuses et complexes.

## Le code porteur de preuve permet

- \* de séparer clairement la recherche de preuve, de sa vérification,
- \* de rendre la vérification embarquée praticable.

## Le code porteur de preuve certifié

- \* donne les plus hautes garanties sur la correction du vérificateur de preuve,
- \* mais nécessite encore un effort de formalisation nettement plus important que pour développer une approche PCC standard.



# Merci

